

高考复习方案 CANPOINT®

ΥN

主编: 肖德好

QUANPIN GAOKAO FUXI FANG' AN

全国版

数学



#CONT'ENT'S

作业主册

第1讲	集合	267
第2讲	常用逻辑用语	269
第3讲	等式与不等式	271
第 4 讲	基市不等式	
第 5 讲	一元二次方程、不等式	275
第6讲	函数的概念及其表示	277
第7讲	函数的单调性	279
增分微统	. 1 函数的值域与最值	281
第8讲	函数的奇偶性、对称性	283
第9讲	函数的四性质的应用	285
增分微统	. 2 抽象函数	
第 10 讲	二次函数与幂函数	289
第 11 讲	指数与指数函数······	291
第 12 讲	对数与对数函数	
第 13 讲	函数的图象	
第 14 讲	函数与方程	297
增分微统	3 函数共零点问题	299
第 15 讲	函数模型及其应用	300
第 16 讲	导数的概念及其意义、导数的运算	303
第 17 讲	导数与函数的单调性	305
第 18 讲	导数与函数的极值、最值	307
增分微统	4 利用切线解决最值范围问题	309
增分微绮	、5 构造法在解决函数、导数问题中的应用	310
第 19 讲	导数与不等式	311
	第1课时 利用导数研究恒(能)成立问题	311
培优专训	(一) 必要性探路法之端点效应、极点效应、特殊点效应	313
	5.2 课时 利用导数证明不等式 ····································	315
角	\$ 2 课时 利用导数证明不等式 ····································	315 317
第 第 20 讲	5 2 课时 利用导数证明不等式 6 3 课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点	315 317 319
第 20 讲 培优专训	\$ 2 课时 利用导数证明不等式 ····································	315 317 319 321
第 20 讲 培优专训 第 21 讲	\$ 2 课时 利用导数证明不等式 \$ 3 课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二) 隐零点问题 双变量不等式的证明	315 317 319 321 323
第 20 讲 培优专训 第 21 讲 第 22 讲	\$ 2 课时 利用导数证明不等式	315 317 319 321 323 325
第 20 讲 启优专训 第 21 讲 第 22 讲 第 23 讲	\$ 2 课时 利用导数证明不等式 ************************************	315 317 319 321 323 325 327
第 20 讲 第 20 讲 第 21 讲 第 21 讲 第 22 讲 第 23 讲 第 24 讲	\$ 2 课时 利用导数证明不等式 ************************************	315 317 319 321 323 325 327 329
第 20 讲	第2课时 利用导数证明不等式 第3课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式	315 317 319 321 323 325 327 329 331
第 20 讲	\$ 2 课时 利用导数证明不等式 \$ 3 课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 ((二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333
第20 讲 计 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲 讲	52 课时 利用导数证明不等式	315 317 319 321 325 327 329 331 333 335
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式 第3课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 ((二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质 函数 y=Asin(ωx+φ)及三角函数模型的应用 ((三) 三角函数中的参数范围问题	315 317 319 321 325 327 329 331 333 335 338
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 338 339
第 倍 第第第第第第第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	 2 课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二)	315 317 319 321 325 327 329 331 333 335 338 339 341
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式	315 317 319 321 325 327 329 331 335 338 339 341 343
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式 前3课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质 函数 y=A sin(ωx+φ)及三角函数模型的应用 (三) 三角函数中的参数范围问题 余弦定理、正弦定理 多三角形背景下解三角形 余弦定理、正弦定理应用举例 平面向量的概念及其线性运算	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 338 341 343 345
第 培 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式 前3课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质 函数 y=Asin(ωx+φ)及三角函数模型的应用 (三) 三角函数中的参数范围问题 余弦定理、正弦定理 多三角形背景下解三角形 余弦定理、正弦定理应用举例 平面向量的概念及其线性运算 平面向量基本定理及坐标表示	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 341 343 345 347
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二) 隐零点问题 (二) 隐零点问题 (二) にいるのでは、 (三) にいるのでは、 (三	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 341 343 345 347 349
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2 课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二)	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 341 343 345 347 349 351
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	意 2 课时 利用导数证明不等式	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 335 341 343 345 347 349 351 353
第 培 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2 课时 利用导数证明不等式 第3 课时 放缩法证明不等式 利用导数研究函数的零点 ((二)	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 341 343 345 347 349 351 353 355
第 培 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2 课时 利用导数证明不等式	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 335 341 343 345 347 345 353 355 355
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2 课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 (二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质 函数 y=Asin(ωx+φ)及三角函数模型的应用 (三) 三角函数中的参数范围问题 余弦定理、正弦定理 多三角形背景下解三角形 余弦定理、正弦定理应用举例 平面向量的概念及其线性运算 平面向量易的概念及其线性运算 平面向量的概念及其线性运算 平面向量的数量积 平面向量的数量积 平面向量的数量积 平面向量的综合问题 复数 数列的概念与简单表示法 等差数列及其前 n 项和 等比数列及其前 n 项和	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 341 343 345 347 349 351 355 357 359
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	意 2 课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 [(二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质 函数 y=Asin(ωx+φ)及三角函数模型的应用 [(三) 三角函数中的参数范围问题 余弦定理、正弦定理 多三角形背景下解三角形 余弦定理、正弦定理应用举例 平面向量的概念及其线性运算 平面向量的概念及其及性运算 平面向量的概念及其及坐标表示 平面向量的数量积 平面向量的数合问题 复数 数列的概念与简单表示法 等差数列及其前 n 项和 数列求和	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 341 343 345 357 357 357 357 357 357 357
第 倍 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	第2课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 ((二)	315 317 319 321 323 325 327 329 331 335 341 345 347 349 351 357 357 359 361 363
第 培 第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第第	意 2 课时 利用导数证明不等式 利用导数研究函数的零点 [(二) 隐零点问题 双变量不等式的证明 任意角和弧度制、三角函数的概念 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 和、差、倍角的正弦、余弦和正切公式 简单的三角恒等变换 三角函数的图象与性质 函数 y=Asin(ωx+φ)及三角函数模型的应用 [(三) 三角函数中的参数范围问题 余弦定理、正弦定理 多三角形背景下解三角形 余弦定理、正弦定理应用举例 平面向量的概念及其线性运算 平面向量的概念及其及性运算 平面向量的概念及其及坐标表示 平面向量的数量积 平面向量的数合问题 复数 数列的概念与简单表示法 等差数列及其前 n 项和 数列求和	315 317 319 321 323 325 327 329 331 333 335 341 343 345 357 359 361 363 363 365

	6 与球有关的切、接问题	
第 43 讲	空间点、直线、平面之间的位置关系	
第 44 讲	直线、平面平行的判定与性质	373
第 45 讲	直线、平面垂直的判定与性质	375
第 46 讲	空间向量及其运算和空间位置关系	377
第 47 讲	空间角	379
第 48 讲	空间距离及立体几何中的探索性问题	382
增分微练		385
第 49 讲	直线的倾斜角与斜率、直线的方程	
第 50 讲	两直线的位置关系	389
第 51 讲	两直线的位置关系 ····································	391
第 52 讲	直线与圆、圆与圆的位置关系	393
第 53 讲	椭圆	
) 3 00 W	第 1 课时 椭圆及其性质 ************************************	
	第 2 课时 直线与椭圆的位置关系	
第 54 讲	双曲线	399
第 55 讲	双曲线 ····································	4 ∩1
增分微练		403
第 56 讲	圆锥曲线热点问题	
ж » и	第 1 课时 长度、斜率、面积问题 ····································	
	第 2 课时 最值与范围、证明问题 ····································	
	第 3 课时 定点、定值、探索性问题 ····································	
培优专训(
第 57 讲	随机抽样	⊿13
第 58 讲	用样本估计总体	415 415
第 59 讲	成对数据的统计分析	
第 60 讲	分类加法计数原理与分步乘法计数原理	413
第 61 讲	排列与组合	423
	二项式定理 ····································	423
第 62 讲		
第 63 讲	随机事件与概率、古典概型	
第 64 讲	随机事件的相互独立性与条件概率	431
第 65 讲		
	全概率公式及应用	
增分微练	9 利用数列递推关系解决概率问题	435
增分微练 第 66 讲	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征	435 437
增分微练 第 66 讲 第 67 讲	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440
增分微练 第 66 讲	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440
增分微练 第 66 讲 第 67 讲	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443
增分微练 第 66 讲 第 67 讲	9 利用数列递推关系解决概率问题 ····································	435 437 440 443
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训(9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训(9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训(9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训(9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题	435 437 440 443 530
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训(参考答案 重点强化经	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (八) 不等式的性质与基本不等式	435 437 440 443 530
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训 (参考答案 重点强化约	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 上述分析 (不) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质	435 437 440 443 530 447 449
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训 (参考答案 重点强化约 重点强化约	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443 530 447 449 451
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训 (参考答案 重点强化约	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (二) 不等式的性质与基本不等式 (五) 函数图象与性质 (5) 导数的几何意义及其应用 (5) 导数及其应用	435 437 440 443 530 447 449 451 453
增分微练 第 66 讲 培优专训 参考答案 重点点强强化化组 经经	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(三) 导数及其应用 练(四) 导数及其应用 统(五) 三角函数的图象与性质	435 440 443 530 447 449 451 453 455
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 培优专训 (参考答案 重点强强化组 重点强强化组 经	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(四) 导数及其应用 练(四) 导数及其应用 统(五) 三角函数的图象与性质	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 457
增分微练 第 66 讲 第 67 讲 语优专 *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** ** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** ** *** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** *** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** *** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** ** *	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(四) 导数及其应用 练(五) 三角函数的图象与性质	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 457 459
增分微练 第 66 67 专 66 7 专 67 专 67 专 67 专 67 专 68 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(三) 导数及其应用 练(四) 导数及其应用 统(五) 三角函数的图象与性质 统(五) 三角函数的图象与性质	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 457 459 462
增分微练第66 年 67 年 66 年 67 年 66 年 67 年 67 年 67 年	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 457 459 462 465 468
增分微练第66 67 66 67 66 67 67 68 67 68 67 68 67 68 67 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(三) 导数及其应用 统(五) 三角函数的图象与性质 统(六) 三角恒等变换 统(六) 三角恒等变换 统(十) 等差数列与等比数列 统(九) 数列递推与数列求和 统(十) 空间中的截面问题、折叠与展开问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 467 462 465 468 471
增分微练第66 年 67 专 66 年 67 专 66 年 67 专 67 专 6	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 等(四) 导数及其应用 等(五) 三角函数的图象与性质 统(五) 三角函数的图象与性质 统(五) 三角形等变换 统(七) 解三角形 统(十) 等差数列与等比数列 练(九) 数列递推与数列求和 统(十) 空间中的截面问题、折叠与展开问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 457 459 462 465 468 471 474
增分微练第66 67 66 67 66 67 67 68 67 68 67 68 67 68 67 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68 68	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 462 465 468 471 474 476
增分微练第倍 66 7 专 66 67 专 66 67 专 66 67 专 66 67 专 67 专 67 专 67 英 68 58 58 68 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(四) 导数及其应用 统(四) 导数及其应用 统(九) 等数列的图象与性质 统(六) 三角恒等变换 统(六) 等差数列与等比数列 统(六) 等差数列与等比数列 统(九) 数列递推与数列求和 统(九) 数列递推与数列求和 统(十) 空间中的电平行与垂直 统(十一) 空间中的截面问题、折叠与展开问题 统(十二) 隐圆问题 统(十二) 隐圆问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 462 465 468 471 474 476 478
增第第语 参考 重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 练(一) 不等式的性质与基本不等式 练(二) 函数图象与性质 练(三) 导数的几何意义及其应用 练(四) 导数及其应用 统(四) 导数及其应用 统(九) 三角函数的图象与性质 统(六) 三角恒等变换 统(六) 等差数列与等比数列 统(十) 空间中的平行与垂直 统(十) 空间中的平行与垂直 统(十一) 空间中的平行与垂直 统(十一) 空间中的平行与垂直 统(十二) 隐圆问题 练(十二) 隐圆问题 统(十二) 隐圆问题 统(十二) 焦点三角形与离心率 统(十四) 焦点弦	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 467 468 471 474 476 478 480
增第第語 参 重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 467 468 471 474 476 478 480 483
增第第语 参考 重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重	9 利用数列递推关系解决概率问题 离散型随机变量的分布列、数字特征 二项分布与超几何分布、正态分布 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (八) 概率与其他知识的交汇问题 (本(二) 函数图象与性质 (二) 函数图象与性质 (三) 导数的几何意义及其应用 (东(三) 导数的风意义及其应用 (东(五) 三角函数的图象与性质 (东(九) 等数及其应用 (东(九) 三角恒等变换 (东(九) 解三角形 (东(九) 数列递推与数列求和 (东(九) 数列递推与数列求和 (东(十) 空间中的联西问题、折叠与展开问题 (东(十一) 空间中的截面问题、折叠与展开问题 (东(十二) 隐圆问题 (东(十二) 隐圆问题 (东(十二) 隐属问题 (东(十二) 原属问题用	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 467 468 471 474 476 478 480 483
增第第倍 参考 重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重重	9 利用数列递推关系解决概率问题	435 437 440 443 530 447 449 451 453 455 457 462 465 468 471 474 476 478 480 483 487

第 1 讲 集合 (时间:45 分钟)

基础热身

- 1. $[2025 \cdot 八省联考]$ 已知集合 $A = \{-1,0,1\}$, $B = \{0,1,4\}$,则 $A \cap B =$ ()
 - A. {0}
- B. {1}
- C. {0,1}
- D. $\{-1,0,1,4\}$
- 2. $[2024 \cdot 北京海淀区 模]$ 已知全集 $U = \{x \mid -2 \le x \le 2\}$,集合 $A = \{x \mid -1 \le x < 2\}$,则 $\mathcal{L}_U A = ($
 - A. (-2, -1)
 - B. [-2, -1)
 - C. $(-2,-1) \cup \{2\}$
 - D. $[-2, -1) \cup \{2\}$
- 3. $[2024 \cdot 武汉调研]$ 已知集合 $A = \{x \mid x^2 2x 3 < 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 4x < 0\}$,则 $A \cap B = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 4x < 0\}$,则 $A \cap B = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 4x < 0\}$,
 - A. $\{2,3,4\}$
- B. $\{1,2\}$
- C. $\{0,1,2\}$
- D. $\{1,2,3\}$
- 4. 已知集合 $A = \{y \mid y = e^x, x < 0\}, B = \{y \mid y = ln x\}, 则 A \cup B =$ ()
 - A. $(-\infty,1)$
- B. (0,1)
- C. $(0,+\infty)$
- D. R
- - A. 7
- В. 8
- C. 15
- D. 16

6. 已知全集是实数集 \mathbf{R} ,集合 $A = \{x \mid x > 2\}$, $B = \{x \mid x^2 - x - 6 > 0\}$,则图中阴影部分所表示的集合为 ()



- A. $\{x | x > 2\}$
- B. $\{x \mid -2 \le x \le 2\}$
- C. $\{x \mid x \le 2\}$
- D. $\{x \mid x < -2 \text{ if } x > 2\}$
- 7. $[2024 \cdot 广东广州一模]$ 设集合 $A = \{1,3,a^2\}$, $B = \{1,a+2\}$,若 $B \subseteq A$,则 a =

综合提升

- 8. $[2024 \cdot 浙江杭州二中、温州中学、金华一中联 考]$ 设集合 $M = \{x \mid x = 2k+1, k \in \mathbb{Z}\}, N = \{x \mid x = 3k-1, k \in \mathbb{Z}\}, 则 M \cap N =$ ()
 - A. $\{x \mid x = 2k + 1, k \in \mathbb{Z}\}$
 - B. $\{x \mid x = 3k 1, k \in \mathbb{Z}\}$
 - C. $\{x \mid x = 6k + 1, k \in \mathbf{Z}\}$
 - D. $\{x \mid x = 6k 1, k \in \mathbf{Z}\}$
- 9. $[2024 \cdot$ 湖南邵阳模拟] 若集合 $A = \{x \in \mathbb{N}^* \mid 2^x > 8\}$,集合 $B = \{x \mid x^2 7x 8 < 0\}$,则 $A \cap B$ 的真子集个数为
 - A. 14
- B. 15
- C. 16
- D. 31

班级姓名

10. (多选题)[2024・河南部分学校联考] 已知 $\{a,b\}\subseteq\{1,2,3\},(a,b)\in\{(x,y)|y=x+1\},$ 则 2^{a^b} 的值可以为 ()

A. 2

B. 64

C. 256

D. 1024

6

7

11. (多选题)已知集合 $A = \{x \mid \log_2 x \le 1\}, B = \{x \mid |x| \le 1\}, M$ ()

A. $A = \{x \mid 0 \le x \le 2\}$

B. $A \cap B = \{x \mid 0 < x \le 1\}$

C. $A \cup B = \{x \mid -1 \le x \le 2\}$

D. $N^* \cap B$ 的子集个数为 2

14

15

12. (多选题)[2024·石家庄质检]某校五一田径运动会上,共有12名同学参加100米、400米、1500米三个项目,其中有8人参加"100米",有7人参加"400米",有5人参加"1500米"和"400米"都参加的有4人,"100米"和"1500米"都参加的有3人,"400米"和"1500米"都参加的有3人,则下列说法正确的是

()

- A. 三项比赛都参加的有2人
- B. 只参加"100米"的有 3人
- C. 只参加"400米"的有3人
- D. 只参加"1500米"的有1人

13.	[2024·山东烟台二模] 已知集合 $A = \{0,1,2,1\}$
	$\{a, B = \{a, a^2 - 1\}, 若 A \cup B = A, 则实数 a 的$
	值为 .

14. [2024・重庆八中三模] 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 5x + 6 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{N} \mid -1 < x < 5\}$, 则满足 $A \subseteq C \subseteq B$ 的集合 C 的个数为

能力拓展

15. 如果集合 U 存在一组两两不交(当两个集合的交集为空集时,称为不交)的非空子集 A_1 , A_2 ,…, A_k ($k \in \mathbb{N}^*$, $k \ge 2$),且满足 $A_1 \cup A_2 \cup \cdots \cup A_k = U$,那么称无序子集组 A_1 , A_2 ,…, A_k 构成集合 U 的一个 k 划分. 若集合 I 中含有 4 个元素,则集合 I 的所有划分的个数为

A. 7

B. 9

C. 10

D. 14

全品高考复习方案 数3

第2讲 常用逻辑用语(財间:45分钟)

基础热身

- 1. $\lceil 2024 \cdot$ 湖南邵阳联考 \rceil 命题" $\exists x \in \mathbb{R}, x^2 -$ 4x+6<0"的否定为 ()
 - A. $\exists x \in \mathbf{R}, x^2 4x + 6 > 0$
 - B. $\exists x \in \mathbf{R}, x^2 4x + 6 \le 0$
 - C. $\forall x \in \mathbb{R}, x^2 4x + 6 < 0$
 - D. $\forall x \in \mathbb{R}, x^2 4x + 6 \ge 0$
- **2.** $[2023 \cdot 天津卷]$ " $a^2 = b^2$ "是" $a^2 + b^2 = 2ab$ "的
 - A. 充分不必要条件
 - B. 必要不充分条件
 - C. 充分必要条件
 - D. 既不充分又不必要条件
- 3. $[2024 \cdot 南通一模] 若向量 a = (\lambda, 4), b = (2,$ μ),则" $\lambda\mu$ =8"是"a//b"的
 - A. 充分不必要条件
 - B. 必要不充分条件
 - C. 充要条件
 - D. 既不充分也不必要条件
- 4. 已知命题 $p: \forall x \in (0, +\infty), e^x > \ln x, \text{则}($
 - A. p 是真命题, $\neg p:\exists x \in (0,+\infty)$, $e^x \leq \ln x$
 - B. p 是真命题, $\neg p:\exists x \in (-\infty,0), e^x \leq \ln x$
 - C. p 是假命题, $\neg p:\exists x \in (0,+\infty), e^x \leq \ln x$
 - D. p 是假命题, $\neg p:\exists x \in (-\infty,0), e^x \leq \ln x$

- 5. [2024 重庆八中月考] 若 $x,y \in \mathbb{R}$,则 x+y >0 的一个充分不必要条件是
 - A. x+y>-1 B. x>y>0
- - C. xy > 0
- D. $x^2 y^2 > 0$
- **6.** (多选题)[2025·山西晋城模拟] 下列命题既是 存在量词命题又是真命题的是 ()
 - A. $\forall x \in \mathbb{R}, x^2 3x + 5 > 0$
 - B. $\exists x \in \mathbb{R}, x^2 3x + \sqrt{2} < 0$
 - C. 至少存在两个质数的平方是偶数
 - D. 存在一个直角三角形的三个内角成等差 数列
- 7. 若集合 $A = \{x \mid x > 2\}, B = \{x \mid bx > 1\},$ 其中 b 为实数.
 - (1)若" $x \in A$ "是" $x \in B$ "的充要条件,则 b =
 - (2)若" $x \in A$ "是" $x \in B$ "的充分不必要条件,则 b 的取值范围是 .

综合提升

8. [2024・石家庄二模] 已知曲线 $C: \frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{m} = 1$ $(m \neq 0)$,则" $m \in (0,6)$ "是"曲线 C 的焦点在 x

轴上"的

- A. 充分不必要条件
- B. 必要不充分条件
- C. 充要条件
- D. 既不充分也不必要条件

班	级
	4
姓	名
答题	ŧ
	1
	2
	3
	4
	5
	6
	7
	\dashv
	8
	9
	10
	11
	\dashv
	12
	13

- 9. [2024·辽宁辽阳二模] 已知 α,β 是两个平面,
 m,n 是两条直线,且 α ⊥β,m ⊂α,n ⊂β,则"m ⊥
 n"是"m ⊥β"的
 - A. 必要不充分条件
 - B. 充分不必要条件
 - C. 充要条件
 - D. 既不充分也不必要条件
- **10.** $[2024 \cdot 浙江金丽衢十二校联考] 在 <math>\triangle ABC$ 中,"内角 A,B,C 成等差数列且 $\sin A$, $\sin B$, $\sin C$ 成等比数列"是" $\triangle ABC$ 是正三角形"的

(

- A. 充分不必要条件
- B. 必要不充分条件
- C. 充要条件
- D. 既不充分也不必要条件
- **11.** (多选题)[2024 · 沈阳模拟] 若 a > 0, b > 0,则 使"a > b"成立的一个充分条件可以是 ()

A.
$$\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$$

- B. |a-2| > |b-2|
- C. $a^2b+b>a+ab^2$
- D. $\ln(a^2+1) > \ln(b^2+1)$
- **12.** 若"存在实数 x,使不等式组 $\begin{cases} \frac{x}{3} \frac{1}{4} \ge -\frac{1}{6}, \\ 2x < a \end{cases}$ 立"为真命题,则实数 a 的取值范围是

13. 已知 $p:\exists x \in \mathbb{R}, 4^x - 2^{x+1} + m = 0$. 若 $\neg p$ 是假命题,则实数 m 的取值范围是

能力拓展

- 14. (多选题)[2024·河南开封质检]高斯是德国著名的数学家,近代数学奠基者之一. 用其名字命名的高斯函数(也称为取整函数)为 f(x)= [x],[x]表示不超过 x 的最大整数,例如 [-3.5]=-4,[2.1]=2.下列命题是真命题的有
 - A. $\exists x \in \mathbf{R}, f(x) = x 1$
 - B. $\forall x \in \mathbf{R}, n \in \mathbf{Z}, f(x+n) = f(x) + n$
 - C. $\forall x, y > 0, f(\lg x) + f(\lg y) = f \lceil \lg(xy) \rceil$
 - D. $\exists n \in \mathbb{N}^*, f(\lg 1) + f(\lg 2) + f(\lg 3) + \dots + f(\lg n) = 92$

15. $[2025 \cdot 广东肇庆模拟]$ 已知函数 $f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}(x > 2)$, 若存在 $x \in (2, +\infty)$, 使得 f(x) < m 成立,则实数 m 的取值范围是

全品高考复习方案 数

第3讲 等式与不等式 (財间:45分钟)

基础热身

- 1. 已知 $P = a^2 + 3a + 2$, Q = a + 1, 则

- A. P < Q
- B. $P \leqslant Q$
- C. P > Q D. $P \geqslant Q$

2. 「2024·青海西宁一模]下列结论中正确的是

- D. 若a > b,则a + c > b + c

- 3. $\forall a > b > 0, x = \sqrt{a+b} \sqrt{a}, y = \sqrt{a} \sqrt{a-b},$ 则 x,y 的大小关系为
 - A. x > y
- B. x < y
- C. x = y D. 不确定

- 4. $\lceil 2024 \cdot 安徽淮北质检 \rceil$ 已知 $a,b \in \mathbb{R}$,下列结论 正确的是

 - B. 若 $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$,则 a > b
 - C. 若 a > b,则 $\ln(a b) > 0$
 - D. 若 a > b > 0,则 $a + \frac{1}{b} > b + \frac{1}{a}$

5. [2024 · 福建福州质检]设 a,b∈R,则"ab<0"

是"
$$\frac{a}{|a|} + \frac{b}{|b|} = 0$$
"的

- A. 充分不必要条件
- B. 必要不充分条件
- C. 充要条件
- D. 既不充分也不必要条件

6. 已知 a, b 均为正数, 使"若 m 为正数,则 $\frac{b+m}{a+m}$ < $\frac{b}{a}$ "是真命题的一组数 a,b 可以为 a=_____,b=____.(写出一组即可)

7. 已知 $x>0, y>0, 若-1 \le \lg \frac{x}{y} \le 2, 1 \le \lg x \le 4$ 则 $\lg \frac{x^2}{y}$ 的取值范围是_____.

综合提升

8. [2024·北京西城区一模] 设 $a=t-\frac{1}{t}, b=t+$

$$\frac{1}{t}$$
, $c = t(2+t)$, 其中 $-1 < t < 0$, 则

- A. b < a < c B. c < a < b
- C. b < c < a D. c < b < a

班级
姓名

- 答题卡 4 5

6

14

15

- 9. 「2024·浙江金华一中模拟]设 a,b,c 的平均 数为M,a与b的平均数为N,N与c的平均数 为 P. 若 a > b > c,则
 - A. N < P
 - B. P < M
 - C. N < M
 - D. M+N < 2P

- **10.** 已知 $a^2 + 1 \ge b \ge 2a \ge \frac{4}{b} > 0$,则下列结论中正 确的个数是 ① $b \ge 2$;② $a \ge 2$;③ $ab \ge 2$;④ $a^2 + b^2$ 的最小值 为 6.
 - A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4

- 11. (多选题)[2025·黄冈模拟] 已知 c<0<b a,则 ()
 - A. ac+b < bc+a
 - B. $b^3 + c^3 < a^3$
 - C. $\frac{a+c}{b+c} < \frac{a}{b}$
 - D. $\frac{c}{\sqrt{a}} > \frac{c}{\sqrt{b}}$

- 12. (多选题) [2025·湖北鄂东南模拟] 已知两个 正数 a,b 满足 a+b=2,则下述结论正确的是
 - A. |a-1| = |b-1|
 - B. $2^a + 2^b \ge 4$
 - C. $\lg a \geqslant \lg \frac{1}{b}$
 - D. $b \frac{4}{a^2} < -1$
 - 13. 某地为加强体育文化建设,购买了一批体育器 材. 已知在该批次器材中,4个排球和5个足球 的价格之和小于 400 元,而 6 个排球和 3 个足 球的价格之和大于 450 元. 设 1 个排球的价格 为 A 元, 1 个 足 球 的 价 格 为 B 元, 则 A B(填">""<"或"=").
 - **14.** $[2024 \cdot 石家庄二模]$ 若实数 $x, y, z \ge 0, 且$ x+y+z=4, 2x-y+z=5, M=4x+3y+5z 的取值范围是 .

能力拓展

- 15. (多选题)[2024·安徽合肥模拟] 已知实数 a, b 满足 0 < a < b < 1,则
 - A. $\frac{b}{a} < \frac{b-1}{a-1}$
 - B. a+b>ab
 - C. $a^b < b^a$
 - D. $2^a 2^b < \log_{\frac{1}{2}} a \log_{\frac{1}{2}} b$

第4讲 基本不等式 (时间:45分钟)

基础热身

- 1. 若 x>0,则 $x+\frac{4}{x}$ 的最小值为

- A. 2
- B. 3
- C. $2\sqrt{2}$
- D. 4

- 2. 设 0 < a < b,则下列不等式正确的是

A.
$$a < b < \sqrt{ab} < \frac{a+b}{2}$$

B.
$$a < \sqrt{ab} < \frac{a+b}{2} < b$$

C.
$$a < \sqrt{ab} < b < \frac{a+b}{2}$$

D. $\sqrt{ab} < a < \frac{a+b}{2} < b$

- 3. 已知 $m, n \in \mathbb{R}$,且有 $2^m + 2^n = 2^{m+n}$,则 m+n+11+2^{m+n} 的最小值是
 - A. 6
- B. 7
- C. 8
- D. 9

- 4. [2025·湖北黄冈调研] 若 m>0,n>0,且 3m+ 2n-1=0,则 $\frac{3}{m}+\frac{2}{n}$ 的最小值为
 - A. 20
- B. 12
- C. 16
- D. 25

- 5. $[2024 \cdot 辽宁沈阳二中五模]$ 当 x>1 时,不等 式 $x + \frac{1}{x-1} \ge a$ 恒成立,则实数 a 的取值范围是
 - A. $(-\infty, 2]$ B. $[2, +\infty)$
 - C. $\lceil 3, +\infty \rangle$
- D. $(-\infty,3]$
- **6.** 已知正实数 x, y 满足 $x^2 + 4y^2 2xy = 1$,则 xy的最大值为 .
- 7. 已知 $0 < x < \frac{1}{3}$,则 x(1-3x)的最大值是_____.

[综]合[提]升

- 8. 已知 x > 1, y < 0,且 3y(1-x) = x + 8,则 x y < 03y 的最小值是
 - A. 8
- B. 6
- C. $\frac{15}{2}$
- D. $\frac{13}{2}$
- 9. [2024 广东韶关二模] 在工程中,估算平整一 块矩形场地的工程量 W(单位:平方米)的计算 公式是 $W=(K+4)\times(S+4)(K、宽的单位均$ 为米),在不测量长和宽的情况下,若只知道这块 矩形场地的面积是 10 000 平方米,每平方米收 费 1 元,则估算平整完这块矩形场地所需的最少 费用(单位:元)是 ()
 - A. 10 000
- B. 10 480
- C. 10 816
- D. 10 818

班级 姓名

- 答题卡 4 5
- 10 11 12 13 15 16

10. (多选题)[2024·湖南长沙长郡中学月考]下 列函数中最小值为2的是

A.
$$y = x^2 + 2x + 3$$

B.
$$y = |\sin x| + \frac{1}{|\sin x|}$$

C.
$$y = 2^x + 2^{1-x}$$

$$D. y = \ln x + \frac{1}{\ln x}$$

11. (多选题)[2022·新高考全国 [卷] 若实数 x, y 满足 $x^2 + y^2 - xy = 1$,则 ()

A.
$$x + y < 1$$

B.
$$x+y \ge -2$$

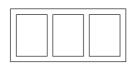
C.
$$x^2 + y^2 \ge 1$$

D.
$$x^2 + y^2 \le 2$$

12. 「2024·重庆南开中学质检〕对于正数 a,b,有 (2ab+1)(a+b)=6ab,则 a+b 的取值范围是

13. [2024 • 河南濮阳三模] 设 a > 0, b > 0, i记 M值为 .

14. 某校生物兴趣小组为开展课题研究,分得一块 面积为32 m² 的矩形空地,并计划在该空地上 设置三块全等的矩形试验区(如图所示).要求 试验区与矩形空地边界之间各空 0.5 m,各试 验区之间也空 0.5 m,则每块试验区的面积的 最大值为 m².



[能]力[拓]展]

15. (多选题)[2025·江苏泰州模拟] 已知 x,y 均 为正实数,则下列说法正确的是

A.
$$\frac{xy}{x^2+y^2}$$
的最大值为 $\frac{1}{2}$

B. 若
$$x+y=4$$
,则 x^2+y^2 的最大值为 8

C. 若
$$\frac{2}{x} + y = 1$$
,则 $x + \frac{1}{y}$ 的最小值为 $3 + 2\sqrt{2}$

D. 若
$$x^2 + y^2 = x - y$$
, 则 $\frac{x+y+1}{x+2y}$ 的最小值 为 $\frac{17}{9}$

- 为 $\frac{1}{a}$,b, $a+\frac{3}{b}$ 三个数中最大的数,则 M 的最小
- **16**. [2024 · 湖北黄石三模] 已知 a ,b 均为正实数, 若 a+4b=4,则 $\frac{\sqrt{a}+2\sqrt{b}}{\sqrt{ab}}$ 的最小值为______, 此时 a 的值为 .

第5讲 一元二次方程、不等式 (时间:45分钟)

基础热身

- 1. 不等式(2-x)(2x-3)>0 的解集是
 - A. $\{x \mid x < \frac{3}{2} \le x > 2\}$
 - В**. R**
 - C. $\left\{ x \mid \frac{3}{2} < x < 2 \right\}$
 - D. \emptyset
- 2. 已知关于 x 的不等式 $ax^{2} + bx + 1 > 0$ 的解集为

$$\left\{x\left|-\frac{1}{2} < x < \frac{1}{3}\right\}, \text{ M} a, b \text{ 的值分别是}\right\}$$

- A. -3, -6
 - B. -6, -1
- C. 6.3
- D. 3.6
- **3.** 若 0 < t < 1,则关于 x 的不等式(t-x)(x-t)

$$\left(\frac{1}{t}\right) > 0$$
 的解集为 $\left(\frac{1}{t}\right)$

- A. $\left\{x \mid \frac{1}{t} < x < t\right\}$
- B. $\left\{x \mid x < \frac{1}{t} \vec{\boxtimes} x > t\right\}$
- C. $\left\{x \mid t < x < \frac{1}{t}\right\}$
- D. $\left\{x \mid x < t \neq x > \frac{1}{t}\right\}$
- 4. 不等式 $(x^2-2x-3)(x^2+4x+4)$ <0 的解集是 ()
 - A. $\{x \mid x < -1 \neq x > 3\}$
 - B. $\{x \mid -1 < x < 2 \text{ dig } 2 < x < 3\}$
 - C. $\{x \mid -1 < x < 3\}$
 - D. $\{x \mid -2 < x < 3\}$
- 5. (多选题) 若关于 x 的一元二次不等式 ax^2 + $bx+c>0(a,b,c ∈ \mathbf{R})$ 的解集为 $\{x | -2 < x <$
 - 3 },则

- A. a > 0
- B. bc > 0
- C. a+b=0
- D. a-b+c>0
- **6.** 若关于 x 的不等式 $(m^2-1)x^2+(m-1)x+1>$ 0 的解集为 \mathbf{R} ,则实数 m 的取值范围为

7. 某文具店购进一批新型台灯,若按每盏台灯15 元的价格销售,每天能卖出30盏,若每盏台灯的 售价每提高1元,日销售量将减少2盏,现决定 提价销售,为了使这批台灯每天获得400元以上 (不含 400 元)的销售收入,则每盏台灯的售价 x (单位:元)的取值范围是 .

综合提升

- 8. 关于 x 的方程 $x^2 2ax + 1 = 0$ 的两根分别在 (0,1)与(1,3)内,则实数 a 的取值范围为 (
 - A. $1 < a < \frac{5}{2}$
 - B. a < 1 或 $a > \frac{5}{3}$
 - C. $-1 < a < \frac{5}{3}$
 - D. $-\frac{5}{2} < a < -1$
- **9.** 若关于 x 的不等式 $x^2 ax + 2 > 0$ 在区间[1,5] 上有解,则 a 的取值范围是
 - A. $(2\sqrt{2}, +\infty)$ B. $(-\infty, 2\sqrt{2})$

 - C. $(-\infty, 3)$ D. $(-\infty, \frac{27}{5})$
- **10.** $\lceil 2024 \cdot 河南新乡二模 \rceil 函数 <math>f(x) = \lceil x \rceil$ 被称 为取整函数,也被称为高斯函数,其中[x]表示 不大于实数 x 的最大整数. 若对任意 $m \in (0, \infty)$

$$+\infty$$
), $[x]^2+[x]$ $\leqslant \frac{m^2+1}{m}$ 恒成立,则 x 的取

值范围是

- A. [-1,2] B. (-1,2)
- C. [-2,2)
- D. (-2,2]
- 11. (多选题)已知关于x的不等式a(x-1)(x+1)3)-2>0 的解集是 (x_1,x_2) ,其中 $x_1 < x_2$,则 下列结论中正确的是
 - A. $x_1 + x_2 + 2 = 0$
 - B. $-3 < x_1 < x_2 < 1$
 - C. $|x_1-x_2|>4$
 - D. $x_1x_2 + 3 < 0$

班级
姓名

6

7

9

11 12 13

- 12. 若关于 x 的不等式 $ax^2 + bx + c > 0$ 的解集为 (-2,4),则关于 <math>x 的不等式 $\frac{ax+c}{bx-c} \leqslant 0$ 的解集 为 .
- **13.** 设 0 < b < 1 + a,若关于 x 的不等式 $(x b)^2 > (ax)^2$ 的解集中的整数恰有 3 个,则 a 的取值范围是
- 14. 已知函数 $f(x) = ax^2 + (b-2)x + 3(a \neq 0)$. (1) 当 a = 1, b = 6 时,求函数 f(x)的零点; (2)若不等式 f(x) > 0 的解集为 $\{x \mid -1 < x < 1\}$,求实数 a, b 的值.

- **15.** 已知函数 $f(x) = 4^x + a \cdot 2^x$.
 - (1) 若 a = -5,求不等式 $f(x) \le -4$ 的解集; (2) 当 $x \in [-2,2]$ 时, f(x)的最小值为-1,求 a 的值.

能力拓展

16. 方程 $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ ($a \neq 0$ 且 $d \neq 0$)有三个根 x_1, x_2, x_3 ,则下列结论不正确的是 ()

A.
$$x_1 + x_2 + x_3 = -\frac{b}{a}$$

B.
$$x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3 = \frac{c}{a}$$

C.
$$x_1 x_2 x_3 = -\frac{d}{a}$$

D.
$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} = -\frac{b}{a}$$

17. 已知函数 $f(x)=x^2-bx+c(b>0,c>0)$ 的两个零点分别为 x_1,x_2 ,若 x_1,x_2 ,一2 三个数适当调整顺序后可构成等差数列,也可构成等比

数列,则不等式
$$\frac{x-b}{x-c} \leq 0$$
的解集为 ()

A.
$$(-\infty,4] \cup (5,+\infty)$$

B.
$$[4,5]$$

C.
$$(-\infty,4) \cup [5,+\infty)$$

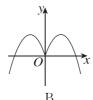
D.
$$(4,5]$$

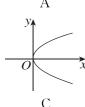
函数的概念及其表示(时间:45分钟) 第6讲

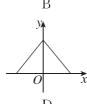
1. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 3x, x \ge 0, \\ f(x+3), x < 0, \end{cases}$ 则 $f(-4) = \begin{cases} 3x, x \ge 0, \\ f(x+3), x < 0, \end{cases}$

- A. 6
- B. 2
- C. 4
- D. 8
- 2. 下列图象中,不能作为函数图象的是 ()









3. 下列各组函数是同一个函数的为



- A. $f(x) = x 1, g(x) = \frac{x^2 1}{x + 1}$
- B. $f(x) = \sqrt{x^2}, g(x) = x$
- C. $f(x) = \sqrt{-x^3}$, $g(x) = x\sqrt{-x}$
- D. $f(x) = x^2 2x 1$, $g(s) = s^2 2s 1$
- 4. 已知函数 f(x)满足 $f(1-x) = \frac{1-x^2}{x^2} (x \neq 0)$,

则
$$f(x)$$
=

- A. $\frac{1}{(x-1)^2} 1(x \neq 0)$
- B. $\frac{1}{(x-1)^2} 1(x \neq 1)$
- C. $\frac{4}{(x-1)^2} 1(x \neq 0)$
- D. $\frac{4}{(x-1)^2} 1(x \neq 1)$

- 5. 若函数 $f(x) = \sqrt{ax^2 + x + 1}$ 的值域为[0, $+\infty$),则实数 a 的取值范围为
- A. $(0, \frac{1}{4}]$
 - B. $\{0\} \cup \left\lceil \frac{1}{4}, +\infty \right)$
 - C. $\left[0, \frac{1}{4}\right]$
 - D. $\left[\frac{1}{4}, +\infty\right)$
- **6.** 定义在 **R**上的函数 f(x)的值域为[-3,2],则 函数 y = f(x+a)的值域为 .
- 7. [2024 · 北京东城区二模] 设函数 f(x) = $\begin{cases} 1, |x| < 1, \\ x^2, |x| \ge 1, \end{cases} 则 f\left[f\left(\frac{1}{2}\right)\right] = \underline{\qquad}; 不等式$ f(x) < f(2x)的解集是

|综|合|提|升|

8. 已知函数 y = f(x+1)的定义域为[-2,3],则

$$y = \frac{f(2x+1)}{\sqrt{x-1}}$$
的定义域为

- A. [-5,5]
- B. (1,5]
- C. $(1, \frac{3}{2})$ D. $[-5, \frac{3}{2}]$

姓名

- 答题卡 5
- 10 11 12

9. $\[\mathcal{G}_{f(x)} = \begin{cases} \sqrt{x}, 0 < x < 1, \\ 2(x-1), x \ge 1. \end{cases} \]$

$$1),则 f\left(\frac{1}{a}\right) =$$

- A. 2 B. 4
- C. 6
- D. 8

- **10.** 已知函数 f(x)满足 $f(e^{x-1}) = 2x 1$, f(a) +f(b)=0,则下列结论正确的是 ()

 - A. a+b=1 B. $a+b=\frac{1}{6}$

 - C. ab = 1 D. $ab = \frac{1}{6}$

- 11. 设函数 $f(x) = \begin{cases} 2^{-x}, x \leq 0, \\ 1, x > 0. \end{cases}$ 则满足 f(x+1) < 1
 - f(2x)的 x 的取值范围是 A. $(-\infty, -1]$ B. $(0, +\infty)$

 - C. (-1,0) D. $(-\infty,0)$

12. (多选题)下列对应关系 f 满足函数定义的有

()

- A. $f(x^2) = |x|$
- B. $f(x^2) = x$
- C. $f(\cos x) = x$
- D. $f(e^x) = x$

13. 若几个函数的定义域、值域相同,但对应关系不 同,则称这几个函数为"同域函数".函数 $f(x) = \sqrt{x-1} - \sqrt{2-x}$ 的值域为[-1,1],则 与 f(x)是"同域函数"的一个函数的解析式

14. 符号函数 $sgn(x) = \begin{cases} 0, x = 0, & \text{则方程[1+} \\ -1, x < 0, \end{cases}$ $\operatorname{sgn}(x)$] • $\log_2 |x| + [1 - \operatorname{sgn}(x)]$ • $2^x = 1$ 的 解组成的集合为_____.

能力拓展

- 15. (多选题)[2025・嘉兴模拟] 定义在[0,+∞) 上的函数 f(x)满足 $f(x) = f\left(\frac{3ax}{x^2+a}\right)$,其值 域是M. 若对于任何满足上述条件的f(x)都 有 $\{y | y = f(x), x \in [0,1]\} = M$,则实数 a 的 取值可以为
- C. $\frac{3}{4}$ D. 1

第7讲 函数的单调性(时间:45分钟)

基础热身

1. [2023 • 北京卷] 下列函数中,在区间(0,+∞)

上单调递增的是

- A. $f(x) = -\ln x$
- B. $f(x) = \frac{1}{2^x}$
- C. $f(x) = -\frac{1}{x}$
- D. $f(x) = 3^{|x-1|}$
- 2. 函数 f(x) = |x-1| + |x-2| 的单调递增区间
 - A. $[1,+\infty)$ B. $(-\infty,1]$
 - C. $\lceil 1, 2 \rceil$
- D. $\lceil 2, +\infty \rangle$
- 3. 已知函数 y = f(x)在定义域(-1,1)上满足对 任意的 $x_1, x_2 \in (-1, 1)$,且 $x_1 \neq x_2$,都有 $\frac{f(x_1)-f(x_2)}{x_1-x_2}$ <0,若f(2a-1)<f(1-a),则

实数 a 的取值范围是

- A. $(\frac{2}{3}, +\infty)$ B. $(\frac{2}{3}, 1)$
- C. (0,2)
- 4. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} -x^2 ax 5, x \leq 1, \\ a \neq x > 1 \end{cases}$ 是 R 上

的增函数,则 a 的取值范围是

- A. $(-\infty, -2)$ B. $(-\infty, 0)$
- C. (-3, -2] D. [-3, -2]
- **5.** $[2024 \cdot 浙江镇海中学期末]设函数 <math>f(x) =$

 $\frac{a-1}{a^x-1} + b(a>0, a \neq 1)$,则函数 f(x)的单调性

- A. 与 a 有关,且与 b 有关
- B. 与 a 无关,但与 b 有关
- C. 与 a 有关,但与 b 无关
- D. 与 a 无关,且与 b 无关

- **6.** 已知 f(x)和 g(x)在定义域内均为增函数,但 $y = f(x) \cdot g(x)$ 不一定是增函数,请写出一对 这样的函数: $f(x) = _____, g(x) =$
- 7. 设函数 $f(x) = \log_{\frac{1}{\pi}}(x^2 ax + 3)$ 在(2,3)上单 调递减,则 a 的取值范围是

综合提升

- 8. 设函数 f(x)在 R 上为增函数,则下列结论正确 (的是
 - A. $y = \frac{1}{|f(x)|}$ 在 R 上为减函数
 - B. y = |f(x)|在 R 上为增函数
 - C. $y = -\frac{1}{f(x)}$ 在 R 上为增函数
 - D. y = -f(x)在 R 上为减函数
- 9. 已知函数 $f(x) = e^x + 4x + 1$, $a = f(\ln 4)$, b = $f(\ln 3), c = f(1), \text{则 } a, b, c$ 的大小关系为

()

- A. b > c > a B. c > b > a
- C. b > a > c D. a > b > c
- **10.** 「2025·大同一模] 已知实数 a>0,且满足不 等式 $\log_3(3a+2) > \log_3(4a+1)$,若 $a^x - a^y <$ x-y,则下列关系式一定成立的是
 - A. x+y>0 B. x+y>1

 - C. x-y>0 D. x-y>1
- 11. (多选题)已知函数 $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^{ax^2 4x + 3}$,则下

列叙述正确的是

A. 当 a=1 时,函数 f(x) 在区间 $(2,+\infty)$ 上

单调递增

- B. 当 a=1 时,函数 f(x) 在区间 $(2,+\infty)$ 上 单调递减
- C. 若函数 f(x)有最大值 2,则 a=1
- D. 若函数 f(x)在区间 $(-\infty,2)$ 上单调递增, 则 a 的取值范围是[0,1]

班级 姓名

6

7

9

12. 对于函数 f(x)定义域中任意的 $x_1, x_2, \stackrel{.}{=} 0$
 $x_1 < x_2 < \frac{\pi}{2}$ 时,总有 ① $\frac{f(x_1) - f(x_2)}{x_1 - x_2} > 0$,

②
$$f(\frac{x_1+x_2}{2}) > \frac{f(x_1)+f(x_2)}{2}$$
成立,则满足条

件的函数 f(x)的解析式可以是

- **13.** 已知函数 f(x)是定义在 R 上的单调函数,且 $f[f(x)-2^x-2x]=10$,则 f(x)在[-2,2]上 的最大值为
- **14.** 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2-x, x < 0, \\ -x^2 + bx + c, x \ge 0, \end{cases}$ 且 f(1)=5, f(2)=6.
 - (1)求 f(x)的解析式;
 - (2)写出 f(x)的单调递增区间和单调递减区间.

- **15.** 已知 f(x)是定义在 **R** 上的函数,对任意的 x, $y \in \mathbf{R}$,满足 f(x) 2 = f(x + y) f(y), f(1) = 3,且当 x < 0 时, f(x) < 2.
 - (1)求证: f(x)是**R**上的增函数;
 - (2)解不等式 $f[(\log_a x)^2] \ge 3 f(\log_a x 3)$ (a > 0 且 $a \ne 1$).

能力拓展

16. 已知定义在 $(0,+\infty)$ 上的函数 f(x)满足:对任意的 $x_1, x_2 \in (0,+\infty), x_1 \neq x_2$,都有 $(x_2 - x_2)$

$$x_1$$
) • $\left[f(x_2) - f(x_1) + 2 \ln \frac{x_1}{x_2} \right] < 0,$ \square

 $f(2) = 4 \ln 2$. 满足不等式 $f(x - 2022) > 2 \ln(2x - 4044)$ 的 x 的取值范围是 ()

- A. $(-\infty, 2022)$
- B. (2022,2024)
- C. $[2022, +\infty)$
- D. $[2024, +\infty)$
- 17. $(多选题)[2024 \cdot 重庆八中模拟]$ 已知函数 $f(x) = \log_6(2^x + 3^x), g(x) = \log_3(6^x 2^x),$ 下 列结论正确的是
 - A. $f\left(\frac{1}{2}\right) < g\left(\frac{1}{2}\right)$
 - B. 存在 $t \in (0,1)$, 使得 f(t) = g(t) = t
 - C. 对任意 $x \in (1, +\infty)$,都有 f(x) < g(x)
 - D. 对任意 $x \in (0, +\infty)$,都有 $|x-f(x)| \le |g(x)-x|$

增分微练 1 函数的值域与最值(时间:45 分钟)

基础热身

- 1. 下列函数中,值域为 $[0,+\infty)$ 的是

- A. $y = 2^x$ B. $y = x^{\frac{1}{2}}$
- C. $y = \tan x$
- D. $y = \cos x$
- 2. 函数 $g(x) = \frac{2x-1}{x}$ 在区间 $\left[\frac{1}{2}, 2\right]$ 上的最小值是

- A. -1 B. 0
- C. -2 D. $\frac{3}{2}$
- - A. 最小值为 0,最大值为 1
 - B. 最小值为 0, 无最大值
 - C. 最小值为 0,最大值为 5
 - D. 最小值为1,最大值为5
- **4.** 设函数 $f(x) = \frac{2x}{x-2}$ 在区间[3,4]上的最大值和

最小值分别为 $M, m, \text{则} \frac{m^2}{M} =$

- A. $\frac{2}{3}$ B. $\frac{3}{8}$
- C. $\frac{3}{2}$ D. $\frac{8}{3}$

- 5. 函数 $y = \left(\frac{1}{2}\right)^{x^2 2x}$ 的值域为 A. $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right)$ B. $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right]$

- C. $(0, \frac{1}{2})$ D. (0, 2]

6. 函数 $y = \frac{x^2 + 5}{\sqrt{x^2 + 4}}$ 的最小值为_____.

上的最大值为 .

[综]合[提]升

8. 若函数 f(x)的值域是 $\left[\frac{1}{2},3\right]$,则函数 F(x)=

$$f(x) + \frac{1}{f(x)}$$
的值域是

- A. $\left[\frac{1}{2}, 3\right]$ B. $\left[2, \frac{10}{3}\right]$
 - C. $\left[\frac{5}{2}, \frac{10}{3}\right]$ D. $\left[\frac{5}{6}, 5\right]$

班级 姓名

6

- B. $v = \sqrt{x} + \sqrt{4-x}$ 的最大值为 2
- C. $y = \lg(x^2 2x 3)$ 的单调递增区间为(1,
- D. 函数 $y = \frac{\sin x}{2 \cos x}$ 的最小值为 $-\frac{\sqrt{3}}{3}$

的最小值,则 a 的取值范围为

- A. $\lceil -1,0 \rceil$ B. $\lceil -1,2 \rceil$
- C. [-2,-1] D. [-2,0]

11. (多选题)已知定义域为 A 的函数 f(x), 若对 任意 $x \in A$,存在正数 M,都有 $|f(x)| \leq M$ 成 立,则称函数 f(x)是定义域 A 上的"有界函 数".则下列函数为"有界函数"的是

A.
$$f(x) = \frac{3+x}{4-x}$$

B.
$$f(x) = \sqrt{4 - x^2}$$

C.
$$f(x) = \frac{5}{2x^2 - 4x + 3}$$

D.
$$f(x) = x + \sqrt{4-x}$$

12. 函数 $y = x + 4 + \sqrt{9 - x^2}$ 的值域为 .

13. 已知函数 f(x)的值域为 $\left[\frac{3}{8}, \frac{4}{9}\right]$,则函数 g(x)= $f(x)+\sqrt{1-2f(x)}$ 的值域为 .

14. 已知实数 a,b 满足 $\lg a + \lg b = \lg(a + 2b)$,则 a+b 的最小值是_____.

15. $[2024 \cdot 山西阳泉模拟]$ 已知函数 f(x) = m + $\sqrt{x+2}$. 若存在实数 a,b(a < b), 使 f(x) 在 [a,b]上的取值范围为[a,b],则符合条件的 m的一个值为_____.